

数理リテラシー 宿題 No. 2 (2024年4月24日出題, 5月6日 13:30 までに Oh-o! Meiji で提出)

__年__組__番 氏名_____ (解答は裏面も使用可. 表裏を1つのPDFにして提出。)

(授業の進行状況によっては、問題の一部を次回に回す。授業中の指示に従うこと。)

- (1) 一般に (つまり、すべての命題 P, Q に対して) $P \Rightarrow Q \equiv (\neg P) \vee Q$ が成り立つことを認めて、同値変形で $(\neg p) \Rightarrow (\neg q) \equiv q \Rightarrow p$ を証明せよ (裏は逆と同値ということ)。
- (2) 次の命題を記号 (論理式) で表せ。
 - (a) すべての整数 x に対して $x^2 \geq 0$ が成り立つ。
 - (b) 任意の正の数 y に対して $y + \frac{1}{y} \geq 2$ が成り立つ。
 - (c) ある有理数 z が存在して、 $0 < z < 1$ が成り立つ。
 - (d) $w^3 = 2$ を満たすような実数 w が存在する。
- (3) 次の式で書かれた命題を日本語の文で表せ (不等式、等式は式のまま構わない)。
 - (a) $(\forall x \in \mathbb{Q}) x^2 \neq 2$.
 - (b) $(\exists N \in \mathbb{N}) \sum_{k=1}^N \frac{1}{k} \geq 1000$.