数理リテラシー 第4回 ~ 論理(4)~

桂田 祐史

2021年5月12日

目次

- 連絡事項&本日の内容
- ② 述語論理 (続き)
 - 複数の量称を含む命題
 - 複数の変数を含む述語
 - 2 つの変数を持つ述語に 2 つの量称記号をつける
 - 慣れるための練習
 - 読み方についての議論
 - ∀ と ∃ 入れ替えると違ってしまう
 - 量称を含む命題の証明を書くためのヒント
- ③ 宿題3の紹介
- 4 宿題1の解説, 宿題への向き合い方
- 5 参考文献

連絡事項&本日の内容

• 既に伝えたように、緊急事態宣言が発令されている5月中 (5/12, 5/19, 5/26) はオンライン形式 (オンデマンド型) で授業することに 決めました。COVID19 も変異株が増加して、個人的にはこれまでの 対応を今一度見直す必要があると考えています。オンライン講義に はいくつか困難がありますが、ぜひ克服して行きたいです。

連絡事項&本日の内容

- 既に伝えたように、緊急事態宣言が発令されている5月中 (5/12, 5/19, 5/26) はオンライン形式 (オンデマンド型) で授業することに 決めました。COVID19 も変異株が増加して、個人的にはこれまでの 対応を今一度見直す必要があると考えています。オンライン講義に はいくつか困難がありますが、ぜひ克服して行きたいです。
- ◆ 本日の授業内容は、複数の量称を含む命題の読み方と証明の仕方(中島[1], 桂田[2])。非常に重要です。

連絡事項&本日の内容

- 既に伝えたように、緊急事態宣言が発令されている5月中 (5/12, 5/19, 5/26) はオンライン形式 (オンデマンド型) で授業することに 決めました。COVID19 も変異株が増加して、個人的にはこれまでの 対応を今一度見直す必要があると考えています。オンライン講義に はいくつか困難がありますが、ぜひ克服して行きたいです。
- ◆ 本日の授業内容は、複数の量称を含む命題の読み方と証明の仕方 (中島 [1], 桂田 [2])。非常に重要です。
- 宿題 1(問 1) の解説を行います。
- 宿題3を出します。締め切りは5月17日(月曜)13:30とする。宿題3の解説は次回授業で行う。そのため、(1週間延長ルールはやめて)5月19日15:10以降の提出は認めません。大部分の人は締め切りが守れているので大丈夫だと考えています。(何か困ったことがあったら連絡して下さい。)

2.4 複数の量称を含む命題

2.4.1 複数の変数を含む述語

2つ以上の変数を含む述語 (条件) がある。

2.4 複数の量称を含む命題

2.4.1 複数の変数を含む述語

2つ以上の変数を含む述語(条件)がある。

例 3.1

xy = x は、x と y に数を代入すると命題になる。 x = 0, y = 0 を代入すると $0 \cdot 0 = 0$ となり、真な命題である。 x = 1, y = 0 を代入すると $1 \cdot 0 = 1$ となり、偽な命題である。

2変数 x, y を含む述語は、p(x,y) のように表せる。

2.4.12変数の述語で1つの変数に量称記号をつける

2変数 x, y を含む述語 p(x,y) に対して、

$$\forall y \quad p(x,y) \quad \succeq \quad \exists y \quad p(x,y)$$

は、どちらも x についての述語になる。

4/18

2.4.12変数の述語で1つの変数に量称記号をつける

2変数 x, y を含む述語 p(x,y) に対して、

$$\forall y \quad p(x,y) \quad \succeq \quad \exists y \quad p(x,y)$$

は、どちらも *x* についての述語になる。

例 3.2

$$(1) (\forall y \in \mathbb{R}) xy = x$$

$$(2) (\exists y \in \mathbb{R}) xy = x$$

いずれも、xについての述語である。

2.4.12変数の述語で1つの変数に量称記号をつける

2変数 x, y を含む述語 p(x,y) に対して、

$$\forall y \quad p(x,y) \quad \succeq \quad \exists y \quad p(x,y)$$

は、どちらも x についての述語になる。

例 3.2

$$(1) (\forall y \in \mathbb{R}) xy = x$$

$$(3) \qquad (\exists y \in \mathbb{R}) \quad xy = x$$

いずれも、x についての述語である。例えば

(1) に
$$x = 0$$
 を代入すると $(\forall y \in \mathbb{R})$ $0 \cdot y = 0$

(1)
$$cx = 1$$
 を代入すると $(\forall y \in \mathbb{R})$ $1 \cdot y = 1$

(2)
$$cx = 0$$
 を代入すると $(\exists y \in \mathbb{R})$ $0 \cdot y = 0$

(2) に
$$x = 0$$
 を代入すると $(\exists y \in \mathbb{R})$ $0 \cdot y = 0$

(2) に
$$x = 1$$
 を代入すると $(\exists y \in \mathbb{R})$ $1 \cdot y = 1$

これは真な命題 これは偽な命題

これは真な命題

これは真な命題

 $(\forall y \in \mathbb{R}) xy = x$ も、 $(\exists y \in \mathbb{R}) xy = x$ も、変数 x についての述語であるから、 $\forall x$ あるいは $\exists x$ をつけて命題が出来る。

 $(\forall y \in \mathbb{R}) \ xy = x \ \mathbf{t} \ (\exists y \in \mathbb{R}) \ xy = x \ \mathbf{t} \ \mathbf{x} \$

- $\forall x(\forall y \ p(x,y))$ 「任意の x (に対して), 任意の y に対して p(x,y)」
- $\exists x(\forall y \ p(x,y))$ 「ある x が存在して、任意の y に対して p(x,y)」
- $\forall x(\exists y \ p(x,y))$ 「任意の x (に対して), ある y が存在して p(x,y)」
- $\exists x(\forall y \ p(x,y))$ 「ある x (が存在して)、ある y が存在して p(x,y)」

5/18

 $(\forall y \in \mathbb{R}) \ xy = x \ \mathbf{t}, \ (\exists y \in \mathbb{R}) \ xy = x \ \mathbf{t}, \ \mathbf{z}$ をついての述語であるから、 $\forall x \ \mathbf{t}$ あるいは $\exists x \ \mathbf{t}$ をつけて命題が出来る。

- $\forall x(\forall y \ p(x,y))$ 「任意の x (に対して), 任意の y に対して p(x,y)」
- $\exists x(\forall y \ p(x,y))$ 「ある x が存在して、任意の y に対して p(x,y)」
- $\forall x(\exists y \ p(x,y))$ 「任意の x (に対して), ある y が存在して p(x,y)」
- $\exists x(\forall y \ p(x,y))$ 「ある x (が存在して)、ある y が存在して p(x,y)」 青いカッコ () は省略できる。

 $(\forall y \in \mathbb{R}) \ xy = x \ \mathbf{t}, \ (\exists y \in \mathbb{R}) \ xy = x \ \mathbf{t}, \ \mathbf{z}$ をついての述語であるから、 $\forall x \ \mathbf{t}$ あるいは $\exists x \ \mathbf{t}$ をつけて命題が出来る。

- $\forall x(\forall y \ p(x,y))$ 「任意の x (に対して), 任意の y に対して p(x,y)」
- $\exists x(\forall y \ p(x,y))$ 「ある x が存在して、任意の y に対して p(x,y)」
- $\forall x(\exists y \ p(x,y))$ 「任意の x (に対して), ある y が存在して p(x,y)」
- $\exists x (\forall y \ p(x,y))$ 「ある x (が存在して)、ある y が存在して p(x,y)」 青いカッコ () は省略できる。

3つ以上の変数を持つ述語に対しても同様である。

5/18

例 3.3

 $(\forall x \in \mathbb{R}) \ (\exists y \in \mathbb{R}) \ x > y$

6/18

例 3.3

 $(\forall x \in \mathbb{R}) (\exists y \in \mathbb{R}) x > y$ 「任意の実数 x に対して、ある実数 y が存在して x > y が成り立つ。」

例 3.3

 $(\forall x \in \mathbb{R})$ $(\exists y \in \mathbb{R})$ x > y 「任意の実数 x に対して、ある実数 y が存在して x > y が成り立つ。」 これは実は真。どんな x に対しても y = x - 1 とすれば…証明の書き方は後述

例 3.3

 $(\forall x \in \mathbb{R})$ $(\exists y \in \mathbb{R})$ x > y 「任意の実数 x に対して、ある実数 y が存在して x > y が成り立つ。」 これは実は真。どんな x に対しても y = x - 1 とすれば…証明の書き方は後述

例 3.4

 $(\exists y \in \mathbb{R}) \ (\forall x \in \mathbb{N}) \ x > y$

例 3.3

 $(\forall x \in \mathbb{R})$ $(\exists y \in \mathbb{R})$ x > y 「任意の実数 x に対して、ある実数 y が存在して x > y が成り立つ。」 これは実は真。どんな x に対しても y = x - 1 とすれば…証明の書き方は後述

例 3.4

 $(\exists y \in \mathbb{R}) (\forall x \in \mathbb{N}) x > y$ 「ある実数 y が存在して、任意の自然数 x に対して x > y が成り立つ。」

例 3.3

 $(\forall x \in \mathbb{R})$ $(\exists y \in \mathbb{R})$ x > y 「任意の実数 x に対して、ある実数 y が存在して x > y が成り立つ。」 これは実は真。どんな x に対しても y = x - 1 とすれば…証明の書き方は後述

例 3.4

 $(\exists y \in \mathbb{R}) \ (\forall x \in \mathbb{N}) \ x > y$ 「ある実数 y が存在して、任意の自然数 x に対して x > y が成り立つ。」 これも実は真。 y = -1 とすれば…

例 3.5

$$(\forall x \in \mathbb{R})(\forall y \in \mathbb{R}) \quad x^2 + y^2 > 2xy$$

「任意の実数 x, 任意の実数 y に対して $x^2 + y^2 \ge 2xy$.」 「任意の実数 x, y に対して $x^2 + y^2 \ge 2xy$.」

例 3.6 (3 変数の場合、ピタゴラス数)

3つでも同様で

$$\exists x \exists y \exists z \quad (x \in \mathbb{N} \land y \in \mathbb{N} \land z \in \mathbb{N} \land x^2 + y^2 = z^2)$$

を次のように書く。

$$(\exists x \in \mathbb{N})(\exists y \in \mathbb{N})(\exists z \in \mathbb{N}) \quad x^2 + y^2 = z^2$$

「ある自然数
$$x$$
, y , z が存在して $x^2 + y^2 = z^2$ 」

この命題は真である。x = 3, y = 4, z = 5 とすると条件を満たす。

 $\exists x P(x)$ の読み方として、

- ⑤ 「ある x が存在して P(x) が成り立つ。」
- **⑤** 「P(x) が成り立つような x が存在する。」 という 2 つの読み方を紹介した。

 $\exists x P(x)$ の読み方として、

- ⑤ 「ある x が存在して P(x) が成り立つ。」
- (a) よりも (b) の方が日本語としては自然かもしれないが、(a) を使うことを勧める (と言いました)。

 $\exists x P(x)$ の読み方として、

- ⑤ 「ある x が存在して P(x) が成り立つ。」
- 「P(x) が成り立つような x が存在する。」 という 2 つの読み方を紹介した。
- (a) よりも (b) の方が日本語としては自然かもしれないが、(a) を使うことを勧める (と言いました)。

その理由を、次のスライドで、2つの命題

- $(\forall x \in \mathbb{R}) \ (\exists y \in \mathbb{R}) \ x < y$
- $(\exists y \in \mathbb{R}) \ (\forall x \in \mathbb{R}) \ x < y$

を題材にして説明する。

 $\exists x P(x)$ の読み方として、

- ⑤ 「ある x が存在して P(x) が成り立つ。」
- 「P(x) が成り立つような x が存在する。」 という 2 つの読み方を紹介した。
- (a) よりも (b) の方が日本語としては自然かもしれないが、(a) を使うことを勧める (と言いました)。

その理由を、次のスライドで、2つの命題

- $(\forall x \in \mathbb{R}) \ (\exists y \in \mathbb{R}) \ x < y$
- $(\exists y \in \mathbb{R}) \ (\forall x \in \mathbb{R}) \ x < y$

を題材にして説明する。

注 $\exists x \; P(x)$ を英語で読むと、"There exists x such that P(x) holds." となる。関係代名詞を使って書かれた文は、後ろの節から訳す、という話を思い起こさせる。この辺は日本語と英語の違いに係るところである。

 $(\forall x \in \mathbb{R})(\exists y \in \mathbb{R}) \quad x < y.$

(*) 「任意の実数 x に対して、ある実数 y が存在して x < y が成立する。」 どんな実数に対しても、それより大きい実数がある。これは真な命題である。

 $(\forall x \in \mathbb{R})(\exists y \in \mathbb{R}) \quad x < y.$

(*) 「任意の実数 x に対して、ある実数 y が存在して x < y が成立する。」 どんな実数に対しても、それより大きい実数がある。これは真な命題である。

読み方 (b) を使うことにすると

「任意の実数 x に対して、x < y が成り立つような実数 y が存在する」

となるであろう。これは誤解の危険がある。なぜか?

 $(\forall x \in \mathbb{R})(\exists y \in \mathbb{R}) \quad x < y.$

(*) 「任意の実数 x に対して、ある実数 y が存在して x < y が成立する。」 どんな実数に対しても、それより大きい実数がある。これは真な命題である。

読み方 (b) を使うことにすると

「任意の実数 x に対して、x < y が成り立つような実数 y が存在する」

となるであろう。これは<mark>誤解の危険がある。なぜか?</mark> 次の命題と混同されやすいから。

 $(\exists y \in \mathbb{R})(\forall x \in \mathbb{R}) \quad x < y.$

読み方 (a) を使えば

9/18

 $(\forall x \in \mathbb{R})(\exists y \in \mathbb{R}) \quad x < y.$

(*) 「任意の実数 x に対して、ある実数 y が存在して x < y が成立する。」 どんな実数に対しても、それより大きい実数がある。これは真な命題である。

読み方 (b) を使うことにすると

「任意の実数 x に対して、x < y が成り立つような実数 y が存在する」

となるであろう。これは<mark>誤解の危険がある。なぜか?</mark> 次の命題と混同されやすいから。

 $(\exists y \in \mathbb{R})(\forall x \in \mathbb{R}) \quad x < y.$

読み方 (a) を使えば

(**) 「ある実数 y が存在して、任意の実数 x に対して x < y が成立する。」 (どんな実数よりも大きいような (チャンピオンの?) 実数があるという意味。これは偽。) 読み方 (b) を使うことにすると、(**) は

「任意の実数 x に対して x < y が成り立つような実数 y が存在する」

となりそうである。

 $(\forall x \in \mathbb{R})(\exists y \in \mathbb{R}) \quad x < y.$

(*) 「任意の実数 x に対して、ある実数 y が存在して x < y が成立する。」 どんな実数に対しても、それより大きい実数がある。これは真な命題である。

読み方 (b) を使うことにすると

「任意の実数 x に対して、x < y が成り立つような実数 y が存在する」

となるであろう。これは<mark>誤解の危険がある。なぜか?</mark> 次の命題と混同されやすいから。

 $(\exists y \in \mathbb{R})(\forall x \in \mathbb{R}) \quad x < y.$

読み方 (a) を使えば

(**) 「ある実数 y が存在して、任意の実数 x に対して x < y が成立する。」 (どんな実数よりも大きいような (チャンピオンの?) 実数があるという意味。これは偽。) 読み方 (b) を使うことにすると、(**) は

「任意の実数 x に対して x < y が成り立つような実数 y が存在する」

となりそうである。

私の意見 青と水色はとても紛らわしい。読点「、」を見落とさなければ大丈夫 (区別できる) という意見もあるけれど、それは聴いただけでは分からない。

機械的な読み方 (a) を採用して、(*) や (**) のように読むことを勧める。

2.4.5 ∀ と ∃ 入れ替えると違ってしまう

上に出て来た

$$(\forall x \in \mathbb{R})(\exists y \in \mathbb{R}) \quad x > y$$

 $(\exists y \in \mathbb{R})(\forall x \in \mathbb{R}) \quad x > y$

で分かるように、∀と∃の順番が変わると、まったく異なる命題になる。

2.4.5 ∀ と ∃ 入れ替えると違ってしまう

上に出て来た

$$(\forall x \in \mathbb{R})(\exists y \in \mathbb{R}) \quad x > y$$

 $(\exists y \in \mathbb{R})(\forall x \in \mathbb{R}) \quad x > y$

で分かるように、∀と∃の順番が変わると、まったく異なる命題になる。

一方、2 つの連続する ∀ や、2 つの連続する ∃ を変えても、変わらない。例えば

$$(\forall x > 0)(\forall n \in \mathbb{N}) \quad P(x, n)$$

と

$$(\forall n \in \mathbb{N})(\forall x > 0) \quad P(x, n)$$

は、述語 P(x,n) が何であっても真偽は一致する。

万能の証明方法はないけれど、これは試すべき、という方法を紹介する。

万能の証明方法はないけれど、これは試すべき、という方法を紹介する。 ____

 \diamondsuit 1 $\forall x$ を見たら $\lceil x$ を任意の とする」のようなことを書く。

万能の証明方法はないけれど、これは試すべき、という方法を紹介する。

☆1 $\forall x$ を見たら「x を任意の とする」のようなことを書く。 (「任意の」を省略するテキストも多いけれど、意味は「任意の」なので、この講義では省略せずに書く。)

万能の証明方法はないけれど、これは試すべき、という方法を紹介する。

 $☆1 \forall x$ を見たら「x を任意の とする」のようなことを書く。 (「任意の」を省略するテキストも多いけれど、意味は「任意の」なので、この講義では省略せずに書く。)

例 3.7

 $(\forall x \in \mathbb{R}) \ x^2 \ge 0.$

万能の証明方法はないけれど、これは試すべき、という方法を紹介する。

 $☆1 \forall x$ を見たら「x を任意の とする」のようなことを書く。 (「任意の」を省略するテキストも多いけれど、意味は「任意の」なので、この講義では省略せずに書く。)

例 3.7

 $(\forall x \in \mathbb{R}) \ x^2 \ge 0.$

証明 x を任意の実数とする。 (とにかくこう書いてみる。)

万能の証明方法はないけれど、これは試すべき、という方法を紹介する。

例 3.7

 $(\forall x \in \mathbb{R}) \ x^2 \ge 0.$

illitian illitian illitian <math>illitian illitian illitia

x > 0 の場合 $x^2 = x \cdot x > 0$ (正の数 x の積は正)

x = 0 の場合 $x^2 = 0^2 = 0$

x < 0 の場合 $x^2 = (-x) \cdot (-x) > 0$ (正の数 -x の積は正)

いずれの場合も $x^2 \ge 0$ が成り立つ。

 \diamondsuit 2 $\exists x$ を見たら、条件を満たす x が見つからないか考える。

 \diamondsuit 2 $\exists x$ を見たら、条件を満たす x が見つからないか考える。もし具体的に発見できたなら、ほぼ解決する。「x を とおくと」あるいは「x を とすると」と書き出せばよい。

 \diamondsuit 2 $\exists x$ を見たら、条件を満たす x が見つからないか考える。もし具体的に発見できたなら、ほぼ解決する。「x を とおくと」あるいは「x を とすると」と書き出せばよい。

例 3.8

 $(\exists x \in \mathbb{R}) \ x^2 - 3x + 2 = 0.$

☆ 2 ∃x を見たら、条件を満たす x が見つからないか考える。もし具体的に発見できたなら、ほぼ解決する。 $\lceil x \rangle$ を とおくと」あるいは $\lceil x \rangle$ とすると」と書き出せばよい。

例 3.8

$$(\exists x \in \mathbb{R}) \ x^2 - 3x + 2 = 0.$$
 (x を探す…

 \diamondsuit 2 $\exists x$ を見たら、条件を満たす x が見つからないか考える。もし具体的に発見できたなら、ほぼ解決する。「x を とおくと」あるいは「x を とすると」と書き出せばよい。

例 3.8

$$(\exists x \in \mathbb{R}) \ x^2 - 3x + 2 = 0.$$

(x を探す…実数で $x^2 - 3x + 2 = 0$ を満たすもの

 \diamondsuit 2 $\exists x$ を見たら、条件を満たす x が見つからないか考える。もし具体的に発見できたなら、ほぼ解決する。「x を とおくと」あるいは「x を とすると」と書き出せばよい。

例 3.8

 $(\exists x \in \mathbb{R}) \ x^2 - 3x + 2 = 0.$

(x を探す…実数で $x^2 - 3x + 2 = 0$ を満たすもの …… 方程式を解くと、(x-1)(x-2) = 0 から x = 1,2)

 \bigtriangleup 2 $\exists x$ を見たら、条件を満たす x が見つからないか考える。もし具体的に発見できたなら、ほぼ解決する。「x を とおくと」あるいは「x を とすると」と書き出せばよい。

例 3.8

 $(\exists x \in \mathbb{R}) \ x^2 - 3x + 2 = 0.$

 $(x を探す…実数で <math>x^2 - 3x + 2 = 0$ を満たすもの …… 方程式を解くと、 (x-1)(x-2) = 0 から x = 1,2)

証明 x=1 とおくと、x は実数であり、

$$x^2 - 3x + 2 = 1^2 - 3 \cdot 1 + 2 = 1 - 3 + 2 = 0.$$

ゆえに $x^2 - 3x + 2 = 0$.

注 方程式の解がつねに具体的に求まるとは限らないので、上に説明した手順は実行できないかもしれない。

□ > <□ > < = > < = > < =
○

☆3 複数の量称 (∀,∃) がある場合は、前から順に処理する。

☆3 複数の量称 (∀,∃) がある場合は、前から順に処理する。

例 3.9

$$(\forall x \in \mathbb{Z})(\exists y \in \mathbb{Z}) \quad x + y = 0.$$

☆3 複数の量称 (∀,∃) がある場合は、前から順に処理する。

例 3.9

$$(\forall x \in \mathbb{Z})(\exists y \in \mathbb{Z}) \quad x + y = 0.$$

証明 x を任意の整数とする。 $(\forall x \in \mathbb{Z}$ を見て、まずこうする。)

☆3 複数の量称 (∀,∃) がある場合は、前から順に処理する。

例 3.9

$$(\forall x \in \mathbb{Z})(\exists y \in \mathbb{Z}) \quad x + y = 0.$$

証明 x を任意の整数とする。 $(\forall x \in \mathbb{Z} \$ を見て、まずこうする。) (次に $(\exists y \in \mathbb{Z})$ … を見て、y を探す…整数で、x + y = 0 を満たすもの。

☆3 複数の量称 (∀, ∃) がある場合は、前から順に処理する。

例 3.9

$$(\forall x \in \mathbb{Z})(\exists y \in \mathbb{Z}) \quad x + y = 0.$$

証明 x を任意の整数とする。($\forall x \in \mathbb{Z}$ を見て、まずこうする。) (次に ($\exists y \in \mathbb{Z}$) … を見て、y を探す…整数で、x + y = 0 を満たすもの。y として y = -x が見つかる。そこで…)

☆3 複数の量称 (∀, ∃) がある場合は、前から順に処理する。

例 3.9

$$(\forall x \in \mathbb{Z})(\exists y \in \mathbb{Z}) \quad x + y = 0.$$

証明 x を任意の整数とする。($\forall x \in \mathbb{Z}$ を見て、まずこうする。) (次に ($\exists y \in \mathbb{Z}$) … を見て、y を探す…整数で、x + y = 0 を満たすもの。y として y = -x が見つかる。そこで…) y = -x とおくと、y は整数であり、

$$x + y = x + (-x) = 0.$$

ゆえに
$$x + y = 0$$
.



もう一つ例をあげる。

例 3.10

$$(\exists x \in \mathbb{Z})(\forall y \in \mathbb{Z}) \quad x + y = y.$$

 $\exists x$ を見て、x を探す気持ちになる。 $(\forall y \in \mathbb{Z}) x + y = y$ を満たす x として、x = 0 が見つかる。そこで…

証明 x = 0 とおくと、x は整数であり、任意の整数 y に対して、

$$x + y = 0 + y = y.$$

ゆえに
$$x + y = y$$
.



宿題3の紹介

締め切り 5 月 17 日 (月) 13:30. 遅れても 5 月 20 日 (水) 15:10 まで (何か事情があったら連絡して下さい)。

解答を A4 サイズの単一の PDF ファイルにして、Oh-o! Meiji で提出すること。 問題文は、Oh-o! Meiji のレポート課題 3、あるいは次のところにある。

http://nalab.mind.meiji.ac.jp/~mk/lecture/literacy-2021/toi3.pdf

出題の狙い: 複数の量称を含む命題の読み方と証明

〆切までの提出が最優先であるが、気をつけてもらいたいこと

- 画像の場合、複数ページを一つのファイルにまとめにくい。PDF 形式ならば、プレビューで1つにまとめられる。
- 写真を撮って直接 PDF に変換した場合、サイズが大きかったり (他の人の 650 倍とか…)、明暗があって見づらかったりする。

出来る限りスキャナーあるいはスキャン・アプリを使うことを勧める。詳しいことは

「授業の提出物を PDF 形式で用意する方法」 http://nalab.mind.meiji.ac.jp/~mk/how_to_pdf/

解答は手書きで説明する。

初めて返却(フィードバック)するので、いくつか改めて注意しておく。

解答は手書きで説明する。

初めて返却(フィードバック)するので、いくつか改めて注意しておく。

添削して返却することで、理解を深めてもらうことを目的としている。

解答は手書きで説明する。

初めて返却(フィードバック)するので、いくつか改めて注意しておく。

添削して返却することで、理解を深めてもらうことを目的としている。

特に得点をつけてはいない。直した方が良いと思われることは、細かいこと、字の書き方についてまでコメントしてある (読み取りやすい、読み間違いの起こりにくい字を書くように心がけて欲しい)。

解答は手書きで説明する。

初めて返却(フィードバック)するので、いくつか改めて注意しておく。

添削して返却することで、理解を深めてもらうことを目的としている。

特に得点をつけてはいない。直した方が良いと思われることは、細かいこと、字の書き方についてまでコメントしてある (読み取りやすい、読み間違いの起こりにくい字を書くように心がけて欲しい)。

マル3つ書いて添削終了と言う答案もあるが、色々なことを指摘されて真っ赤になる答案も少なくない。軽いショックを受ける人が毎年いるようだ。個々の指摘については、冷静に理解して、「そうか、次から直そう」と考えてもらいたい。

解答は手書きで説明する。

初めて返却(フィードバック)するので、いくつか改めて注意しておく。

添削して返却することで、理解を深めてもらうことを目的としている。

特に得点をつけてはいない。直した方が良いと思われることは、細かいこと、字の書き方についてまでコメントしてある (読み取りやすい、読み間違いの起こりにくい字を書くように心がけて欲しい)。

マル3つ書いて添削終了と言う答案もあるが、色々なことを指摘されて真っ赤になる答案も少なくない。軽いショックを受ける人が毎年いるようだ。個々の指摘については、冷静に理解して、「そうか、次から直そう」と考えてもらいたい。

繰り返しになるけれど、指摘が多い答案の点を低くするつもりはまったくない。**指摘されたことを理解して直すことに注力**して欲しい。

宿題1答案を見ての具体的注意

- 真理値表の真偽を間違えた人は少ないが、p,q,rの順番が樹形図を書いて出来るも の (辞書式順序) と異なる人がかなりいた。理解して改めるべきである。
- やっていることは計算であるが、目的は証明なので、途中でむやみに省略しない こと。
- \bullet ∧, \lor が \cap , \cup に見えたり、F が「下」に見えたり、g が数字の g に見えたり、おか しなものは指摘しておいた。深刻に受け取る必要はないけれど、気をつけて下さい。
- 論理式で、演算の結合順を指定するカッコは ()だけを使うのが普通 (これは言い 忘れた)。 { } や [] は使わないのが普通である。
 - その点は数式での習慣と違うので頭を切り替えること。
 - そもそも一種類で十分なはず。深さで変えることにしていたら、いく つあっても足りない。
 - 特に中括弧 (braces) { } は、集合を表すために使われるため、演算 の結合順の指定に使用するのは極力さけるべき。せいぜい() (parentheses) と[](brackets) くらいにしよう。
 - ちなみに数式でも、英語圏では(),[],{}の順に使うのが普通 である。めったに { } は出て来ない。

2021 年 5 月 12 日

参考文献

- [1] 中島匠一:集合・写像・論理 数学の基本を学ぶ, 共立出版 (2012).
- [2] 桂田祐史:数理リテラシー Part I. 論理, http://nalab.mind.meiji.ac.jp/~mk/literacy/logic.pdf (2013-2021).