複素関数・同演習 宿題 No. 4 (2023年10月18日出題, 10月24日13:30 までに PDF 形式で提出)

__年__ 組___番 氏名_____ (解答は裏面も使用可, A4 レポート用紙に書いても可)

問4

- (1) この講義では、 $z \in \mathbb{C}$ に対して、 $e^z = e^x(\cos y + i\sin y)$ (ただし z = x + iy $(x, y \in \mathbb{R})$) として指数関数を定義した。 $(e^z)' = e^z$ であることを示せ。(ヒント: Cauchy-Riemann 方程式を満たすか調べよう。)
- (2) $f: \mathbb{C} \to \mathbb{C}$, $f(z) = (\overline{z})^2$ とするとき、f の微分可能性を調べよ。(ヒント: 微分可能な点も存在する。)
- (3) Ω は \mathbb{C} の領域、 $f:\Omega\to\mathbb{C}$ は正則、f の実部・虚部を u,v とするとき、以下の問に答えよ。 (a) v は調和関数であることを示せ。(b) v の共役調和関数を求めよ。